Утверждаю
Главный инженер
Главного управления
_____ (Д. ЕНРЕКОВ)
"29" 1971 г.

УДК

Группа Г 18

РУКОВОДЯЩИЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ МАТЕРИАЛ

МЕТОДИКА ГИДРАВЛИЧЕСКОГО РАСЧЕТА ОСНОВНЫХ КОНСТРУКТИВНЫХ СООТНОШЕНИЙ РЕГУЛИРУЮЩЕЙ И ДРОССЕЛЬНОЙ АРМАТУРЫ

РТМ 26-07-116-71

Приказом Главного управления от 30 сентября 1971г. № 121 срок введения установлен с "15" ноября 1971г.

* Снято ограничение срока действия

* ② ~~срок действия продлен до 01.01.85.~~
③ ~~срок действия продлен до 01.01.89.~~
④ ~~срок действия продлен до 01.01.94.~~
① ~~срок действия до 15 ноября 1980 года.~~

Настоящий руководящий технический материал (РТМ) является рекомендуемым при гидравлическом расчете основных конструктивных соотношений регулирующей и дроссельной арматуры, предназначенной для работы на газовой или жидкой среде, не изменяющей своего агрегатного состояния при проходе через арматуру.

Под основными конструктивными соотношениями клапана понимается соотношение площадей на входе, в седле и на выходе из клапана.

В практике расчета и конструирования регулирующих и дроссельных клапанов часто возникает необходимость обеспечения на выходе клапана определенного давления P_2 при заданном давлении на входе P_1 в определенных расходных условиях. Совершенно очевидно, что установление определенного давления P_2 на выходе клапана зависит от конструкции его проточной части и основных конструктивных соотношений клапана.

Издание официальное Перепечатка воспрещена

gost.e-ecolog.ru

...21/2-2-373 отл 13.06.96 из Управления по развитию химического и нефтяного машиностроения.

1. ЗАДАЧА РАСЧЕТА

1.1. Задача расчета – определение следующих соотношений

$$\frac{F_2}{F_1} \quad и \quad \frac{F_2}{f},$$

где F_1 – площадь входного сечения клапана, ~~см²~~ м²;

F_2 – площадь выходного сечения клапана, ~~см²~~ м²; ④

f – проходная площадь в седле клапана, ~~см²~~ м².

1.2. По известному соотношению площадей и одной известн площади определяется другая неизвестная площадь. При этом для кр лого сечения диаметр D связан с площадью сечения F формулой

$$D = \sqrt{\frac{4F}{\pi}} \approx 1{,}13\sqrt{F}. \qquad (1)$$

2. ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ ДЛЯ РАСЧЕТА

2.1. Исходными данными для расчета являются:

вид среды;

агрегатное состояние среды (жидкость или газ);

P_1 – давление на входе в клапан, ~~ата~~ Н/м²;

P_2 – давление на выходе из клапана, ~~ата~~ Н/м²; ④

F_1 – площадь на входе в клапан, ~~см²~~ м²;

④ γ_1 – удельный вес среды на входе в клапан при рабочих условиях, ~~г/см³~~ Н/м³;

ζ – коэффициент гидравлического сопротивления клапана, отнесенный к скорости на входе, при одинаковых площадях входа и выхода ($F_1 = F_2$) или при одинаковых входных и выходных патрубках;

G – ~~весовой~~ массовый расход среды, ~~г/час~~ кг/с.

④ Заменить значение γ на ρ: ρ – плотность среды на входе в клапан при рабочих условиях кг/м³.

2.2. Для случая, когда давление P_2 неизвестно, а клапан на выходе соединен с трубой постоянного сечения, причем известно давление P_3 на конце этой трубы, давление среды на выходе из клапа-

на P_2 определяется расчетным путем.

а) Для жидких сред давление P_2 определяется по формуле:

$$P_2 = P_3 + \frac{G^2}{F^2} \cdot \frac{\frac{\mu \ell}{r_г}}{2\rho_1}, \qquad (2)$$

где F – площадь поперечного сечения трубы, $м^2$;

μ – безразмерный коэффициент трения;

ℓ – длина трубы, м;

$r_г$ – гидравлический радиус трубы, м.

Гидравлический радиус трубы определяется по формуле:

$$r_г = \frac{F}{L_р}, \qquad (3)$$

где $L_р$ – периметр сечения трубы. Для круглых труб

$$r_г = \frac{D}{4}. \qquad (4)$$

Коэффициент μ связан с коэффициентом гидравлического сопротивления трубы λ соотношением:

$$\mu = \frac{\lambda}{4}. \qquad (5)$$

Для круглых труб

$$\frac{\mu}{r_г} = \frac{\lambda}{D}. \qquad (6)$$

б) Для газовых сред давление P_2 определяется из уравнения:

$$G = 5{,}04 F \sqrt{\frac{2K P_3 \gamma_3 \left(\beta^{-\frac{K+1}{K}} - 1\right)}{(K+1)\left(\frac{\mu \ell}{r_г} - \frac{2}{K} \ln \beta\right)}}, \qquad (7)$$

где γ_3 – удельный вес среды на выходе из трубы при рабочих условиях, $Н/м^3$;

K – показатель адиабаты газа;

β – отношение давлений, $\beta = \frac{P_3}{P_2}$.

Формула (7) является уравнением относительно β, которое можно решить методом подбора. Зная β, определяем давление P_2:

$$P_2 = \frac{P_3}{\beta}. \qquad (8)$$

При больших длинах ℓ и незначительном падении давления вдоль трубы, принимая процесс изотермическим ($K = 1$), можно, пользуясь формулой (7), получить приближенное значение давления P_2 :

$$④\ P_2 = \sqrt{P_3^2 + \frac{G^2 RT\varepsilon \frac{\mu\ell}{r_г}}{F^2 \cancel{12{,}7 F^2} r_г}} \neq \cancel{\sqrt{P_3^2 + \frac{G^2 P_3 \frac{\mu\ell}{r_г}}{12{,}7 F^2 \gamma_3}}}, \quad (9)$$

где ④ R – газовая постоянная среды, ~~кГм/кг град~~ Дж/кг град;

T – температура изотермического процесса, °К;

ε – коэффициент сжимаемости среды.

2.3. Если удельный вес газовой среды на входе в клапан γ_1 неизвестен, но даны давление на входе P_1 и температура T_1 , то величина γ_1 определяется по формуле:

$$④\ \rho = \frac{P}{RT\varepsilon}, \quad \cancel{\gamma_1 = \frac{10 P_1}{RT_1\varepsilon_1}} \quad ④\ \gamma = \rho \cdot g = \frac{P_1}{RT\varepsilon}, \quad (10)$$

где ④ R – газовая постоянная среды, ~~кГм/кг град~~ Дж/кг град;

T_1 – температура среды на входе, °К;

ε_1 – коэффициент сжимаемости среды при давлении P_1 и температуре T_1 .

Данные по коэффициентам сжимаемости газов приведены в РМ-17-67 "Руководящий технический материал. Физические свойства веществ, необходимые при гидравлических расчетах арматуры". Издание ЦКБА.

④ 2.4. Если ~~весовой~~ массовый расход G неизвестен, но задан объемный расход Q в ~~м³/час~~ м³/с с удельным весом при рабочих условиях γ в ~~г/см³~~ Н/м³, то величина G в ~~т/час~~ кг/с определяется по формуле:

$$④\ G = \cancel{Q\gamma}\ Q \cdot \rho, \quad (11)$$

④ 2.5. Если ~~весовой~~ массовый расход G неизвестен, но задана скорость на входе V_1 в м/сек и удельный вес среды на входе при рабочих условиях γ_1 в ~~г/см³~~ Н/м³, то величина G в ~~т/час~~ кг/с определяется

29501-71 13/Е

по формуле:

$$④\quad G = \cancel{0{,}36\, F_1 V_1 \gamma_1}\; F_1 \cdot V_1 \cdot \rho_1, \qquad (12)$$

3. ОСНОВНЫЕ РАСЧЕТНЫЕ ФОРМУЛЫ

3.1. Основные расчетные формулы получены на основе формул гидравлики и технической термодинамики. Использованы уравнение Бернулли, уравнение неразрывности, а для газа – уравнение состояния реального газа и уравнение адиабатического процесса. Вывод основных расчетных формул приведен в приложении .

3.2. Для газа режим критического истечения устанавливается при определенном критическом давлении $P_{c\,кр}$ в наиболее узком сечении потока (в седле):

$$P_{c\,кр} = P_1 \beta_{кр}\ , \qquad (13)$$

где $\beta_{кр}$ – критический параметр (отношение давлений), определяемый из уравнения:

$$\frac{c(\beta_{кр})\sqrt{2}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}}\sqrt{1-\zeta+\frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2-\beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}{\beta_{кр}^{\frac{2}{K}}}} = \sqrt{K\beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}}\ . \qquad (14)$$

Зависимость $C(\beta_{кр})$ определяется формулой для коэффициента C :

$$C = \sqrt{\frac{K}{K-1}\left(\beta^{\frac{2}{K}} - \beta^{\frac{K+1}{K}}\right)}\ . \qquad (15)$$

Коэффициент C табулирован в зависимости от K и β и

29501-71 13/IX

приводится в табл.4 РМ-11-66 "Руководящий технический материал. Приложение к гидравлическим расчетам арматуры". Издание ЦКБА.

Уравнение (14) решается методом подбора. Как следует из этого уравнения, величина $\beta_{кр}$ зависит от конструктивных параметров клапана — соотношения $\frac{F_1}{f}$ и коэффициента ζ.

Приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ получается путем упрощения уравнения (17) за счет принятия $\zeta = 1$, что равносильно пренебрежению скоростью V_1 на входе по сравнению со скоростью V_c в седле в соответствующем уравнении Бернулли. Принимая $\zeta = 1$, имеем:

$$\tilde{\beta}_{кр} \approx \left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{K}{K-1}} . \qquad (16)$$

Приближенному значению $\tilde{\beta}_{кр}$ соответствует значение $C_{кр}$, равное:

$$C_{кр} = \sqrt{\frac{K}{K+1}} \left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{1}{K-1}} . \qquad (17)$$

Значения $\tilde{\beta}_{кр}$ и $C_{кр}$ по формулам (16) и (17) табулированы и приведены в табл.2 и 4 РМ-11-66.

3.3. Критическому параметру $\beta_{кр}$ соответствует критический расход $G_{кр}$, являющийся максимальным для данного клапана при заданных параметрах газовой среды на входе в клапан. При критическом истечении расход через клапан устанавливается постоянным и равным $G = G_{кр}$, причем расход не зависит от уменьшения давления P_2 на выходе клапана.

Точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле:

$$④ \quad G_{кр} = 356 f \sqrt{K \cdot P_1 \cdot \delta_1 \cdot \beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}} , \qquad (18)$$

где параметр $\beta_{кр}$ определяется из уравнения (14).

С учетом приближенного значения $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16) приближенное значение $G_{кр}$ равно:

29501-71 13/X Инв.№

$$G_{кр} \approx 5{,}07 f C_{кр} \sqrt{P_1 \cdot \rho_1}, \qquad (19)$$

3.4. Если для газа заданное значение расхода G меньше, чем величина $G_{кр}$, т.е. при

$$G < G_{кр}, \qquad (20)$$

то имеем докритическое истечение. При этом определяется условный коэффициент гидравлического сопротивления клапана $\zeta_{усл}$, обеспечивающий необходимый расход G при заданном перепаде ΔP.

$$\zeta_{усл} = \frac{2 F_1^2 \cdot B^2 \cdot \Delta P \cdot \rho_1}{G^2}, \qquad (21)$$

где $\Delta P = P_1 - P_2$ – перепад давления на клапане;

B – коэффициент, зависящий от показателя адиабаты K и параметра $\beta = \frac{P_2}{P_1}$, определяется по формуле:

при $\beta > \bar{\beta}$ $$B = \sqrt{\frac{K}{K-1} \frac{\beta^{\frac{2}{K}} - \beta^{\frac{K+1}{K}}}{1-\beta}}, \qquad (22)$$

при $\beta \leq \bar{\beta}$ $$B = \sqrt{\frac{K}{K-1} \frac{\bar{\beta}^{\frac{2}{K}} - \bar{\beta}^{\frac{K+1}{K}}}{1-\beta}}. \qquad (23)$$

Параметр $\bar{\beta}$ означает начало критического истечения и равен:

$$\bar{\beta} = \frac{\bar{P}_2}{P_1}, \qquad (24)$$

где $\bar{P}_2$ – давление на выходе клапана, при котором наступает режим критического истечения.

Определение давления $\bar{P}_2$ для клапана с заданными конструктивными соотношениями площадей приведено ниже.

Условие $\beta > \bar{\beta}$ равносильно условию $G < G_{кр}$, поэтому можно считать, что коэффициент B, входящий в формулу (21), должен определяться по формуле (22) и при докритическом истечении параметр $\bar{\beta}$ не понадобится.

Коэффициент B табулирован и приводится в табл.3 РМ-11-66. Следует иметь в виду, что в этой таблице коэффициент B подсчитан по формулам, аналогичным формулам (22) и (23), но вместо неизвестной (и для каждого клапана различной) величины $\bar{\beta}$ принято значение $\bar{\beta}_{кр}$ по формуле (16). Поэтому, если заданное значение β меньше значения $\bar{\beta}_{кр}$ ($\beta < \bar{\beta}_{кр}$), данные табл.3 РМ-11-66 использовать нельзя, а нужно считать по формуле (22).

3.5. При докритическом истечении ($G < G_{кр}$) соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл} + \beta^{\frac{2}{k}}(1-\zeta)}} \quad . \qquad (25)$$

Если в уравнении Бернулли пренебречь скоростью V_1 на входе по сравнению со скоростью V_2 на выходе, что равносильно предположению $\zeta = 1$, то получим приближенное соотношение площадей выхода и входа:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}}} \quad . \qquad (25а)$$

Если в уравнении Бернулли пренебречь невозвратными потерями в клапане, т.е. положить $\zeta = 0$, то имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \sqrt{\frac{1}{\zeta_{усл} + \beta^{\frac{2}{k}}}} \quad . \qquad (25б)$$

3.6. Если для газа заданное значение расхода G больше или равно $G_{кр}$, т.е. при

$$G \geq G_{кр} \quad , \qquad (26)$$

имеем критическое истечение, при котором

$$G = G_{кр} \quad . \qquad (27)$$

Следовательно, если $G > G_{кр}$, заданный расход является завышенным и его невозможно обеспечить данным клапаном при заданных условиях на входе.

При критическом истечении ($G = G_{кр}$) соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}}(1-\xi) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{K\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}}}, \qquad (28)$$

где $\beta_{кр}$ определяется из уравнения (14).

Применяя приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16), имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}}(1-\xi) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \qquad (29)$$

В формулах (28) и (29) коэффициент C соответствует заданному значению β и определяется по формуле (15), причем при $\beta < \tilde{\beta}_{кр}$ данные табл. 4 РМ-11-66 использовать нельзя.

Пренебрегая скоростью V_1 в уравнении Бернулли по сравнению со скоростью V_2, полагаем $\xi = 1$, что ведет к определению $\beta_{кр}$ по формуле (16). Тогда из обеих формул (28) и (29) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{f}\right)_{кр} \approx \frac{C_{кр}}{C}. \qquad (30)$$

Пренебрегая невозвратными потерями в уравнении Бернулли, полагаем $\xi = 0$, и тогда из формул (28) и (29) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{K\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}}} \qquad (28а)$$

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{k}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \qquad (29а)$$

3.7. Параметр $\bar{\beta}$, определяющий начало критического истечения, находится из уравнения:

$$\frac{c(\bar{\beta})}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \bar{\beta}^{\frac{2}{k}}(1-\zeta)}} = \frac{G_{кр}}{0{,}04 F_1 \sqrt{P_1 \rho_1}}, \qquad (31)$$

где точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле (18).

Пользуясь приближенным значением $G_{кр}$ по формуле (22), получаем приближенное уравнение для $\bar{\beta}$:

$$\frac{c(\bar{\beta})}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \bar{\beta}^{\frac{2}{k}}(1-\zeta)}} = \frac{f}{F_1} C_{кр} \qquad (32)$$

Зависимость $c(\bar{\beta})$ определяется формулой (15).

Уравнения (31) и (32) решаются методом подбора. Как указано в приложении, можно считать, что критическое истечение наступает при давлении на выходе, большем чем давление в седле, т.е. при $\bar{\beta} > \beta_{кр}$.

Определив $\bar{\beta}$, из формулы (24) находим значение $\bar{P}_2$.

3.8. Для жидких сред соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл} + 1 - \zeta}}, \qquad (33)$$

где $\zeta_{усл}$ – условный коэффициент гидравлического сопротивления кла-

пана, обеспечивающий необходимый расход G при заданном перепаде $\Delta P = P_1 - P_2$

$$④ \quad \zeta_{усл} = \frac{2,25 F_1^2 \cdot \Delta P \cdot \rho_1}{G^2} \qquad (34)$$

Пренебрегая в уравнении Бернулли скоростью V_1 на входе по сравнению со скоростью V_2 на выходе, полагаем $\zeta = 1$ и тогда получаем приближенное соотношение площадей выхода и входа:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}}} \qquad (33а)$$

Пренебрегая в уравнении Бернулли невозвратными потерями, полагаем $\zeta = 0$ и получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл} + 1}} \; . \qquad (33б)$$

4. ПРИБЛИЖЕННЫЕ ОЦЕНКИ СООТНОШЕНИЯ ПЛОЩАДЕЙ ВХОДА, СЕДЛА И ВЫХОДА ДЛЯ ГАЗОВ

4.1. Если при докритическом истечении предположить равенство скоростей на выходе и входе, т.е.

$$V_1 \approx V_2 \quad , \qquad (35)$$

то соотношение площадей выхода и входа определяется из формулы:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{\rho_1}{\rho_2} \cdot \frac{T_2 \varepsilon_2}{T_1 \varepsilon_1} \quad , \qquad (36)$$

где T_1, T_2 – температуры среды на входе и выходе, °К;

ε_1, ε_2 – коэффициенты сжимаемости среды соответственно.

4.2. Предполагая, что при критическом истечении скорость на входе V_1 и скорость на выходе V_2 не достигают своих критических значений, получаем следующие оценки соотношения площадей:

$$\frac{F_2}{f} > \frac{P_{c\,кр}}{P_2}\sqrt{\frac{T_2\,\varepsilon_2}{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}} = \left(\frac{\beta_{кр}}{\beta}\right)^{\frac{K+1}{2K}}, \qquad (37)$$

$$\frac{f}{F_1} < \frac{P_1}{P_{c\,кр}}\sqrt{\frac{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}{T_1\,\varepsilon_1}} = \beta_{кр}^{-\frac{K+1}{2K}}, \qquad (38)$$

где $P_{c\,кр}$ – давление в седле при критическом истечении, определяемое по формуле (13);

T_1, T_2, T_c – температуры среды на входе, выходе и в седле, °К;

$\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_c$ – коэффициенты сжимаемости среды соответственно;

$\beta_{кр}$ – критический параметр, определяемый из уравнения (14).

Если использовать приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16), то получим:

$$\frac{F_2}{f} > \frac{\tilde{\beta}_{кр}\sqrt{\frac{K+1}{2}}}{\beta^{\frac{K+1}{2K}}}, \qquad (39)$$

$$\frac{f}{F_1} < \frac{1}{\tilde{\beta}_{кр}\sqrt{\frac{K+1}{2}}}. \qquad (40)$$

4.3. В работе [4] приводятся формулы для определения диаметра отверстия на выходе клапана в случае газовой среды:

$$D = 0{,}104\sqrt{\frac{W}{P_2\,G_F}}, \qquad (41)$$

где D – диаметр отверстия за клапаном, дюйм;

W – масса потока, фунты/час;

P_2 – статическое давление за клапаном, $psia$;

G_F – удельный вес при текущей температуре.

Если задан объемный поток, то диаметр D определяется по формуле:

$$D = 0{,}029\sqrt{\frac{Q\,G^{\frac{1}{2}}}{P_2}}\,, \tag{42}$$

где Q – объемный поток, $scfh$ (стандартные кубические футы в минуту);

G – относительный удельный вес по воздуху; для воздуха $G=1$.

Для пара имеем:

$$D = 0{,}157\sqrt{\frac{W}{P_2}}\,. \tag{43}$$

4.4. В работе [5] диаметр отверстия за клапаном определяется из условия:

$$Q_2 = F_2\,V_{2кр}\,, \tag{44}$$

где Q_2 – объемный расход газовой среды при плотности в условиях половины статического давления на выходе и температуры среды на выходе;

(4) $V_{2кр}$ – звуковая скорость данного газа при температуре на выходе.

Подставляя вместо Q_2 ~~весовой~~ массовый расход G, связанный с объемным расходом Q_2 соотношением

$$Q_2 = \frac{G}{\gamma_2}\,, \tag{45}$$

вместо γ_2 – его значение по формуле

$$\gamma_2 = \frac{P_2\,g}{2RT_2\varepsilon_2}\,, \tag{46}$$

и вместо $V_{2кр}$ – критическую скорость газа при температуре T_2

$$V_2 = \sqrt{kRT_2\varepsilon_2}\,, \tag{47}$$

получаем следующее выражение для площади F_2:

$$F_2 = \frac{2G\sqrt{RT_2\varepsilon_2}}{\sqrt{k}\,P_2\,g} \tag{48}$$

В формулах (44) – (48) размерности входящих величин выражены в международной системе единиц. Переходя к принятым в настоящем материале размерностям, получаем:

$$F_2 = 0{,}177\,\frac{G\sqrt{R\,T_2\,\varepsilon_2}}{\sqrt{K}\,P_2}\,, \qquad (49)$$

где F_2 – площадь выходного отверстия, ~~см²~~ $м^2$;

④ G – ~~весовой~~ массовый расход, ~~т/час~~ кг/с; ④

R – газовая постоянная, ~~кГм/кг·град~~ Дж/кг град;

T_2 – температура среды на выходе клапана, °К;

P_2 – давление среды на выходе клапана, ~~ата~~ $Н/м^3$; ④

ε_2 – коэффициент сжимаемости среды при параметрах P_2 и T_2;

K – показатель адиабаты газа.

Директор ЦКБА и ОЗА "Знамя труда"		(С.Косых)
Главный инженер	29.09.71	(М.Сарайлов)
Зам.главного инженера – главный конструктор		(О.Шпаков)
Заведующий отделом №72		(П.Перов)
Заведующий отделом №75		(В.Никитин)
Руководитель темы		(П.Гуткин)
Ответственный исполнитель		(П.Гуткин)

ПРИЛОЖЕНИЕ

ВЫВОД ОСНОВНЫХ РАСЧЕТНЫХ ФОРМУЛ

1. Введем следующие обозначения:

G – ~~весовой~~ массовый расход среды, ~~н/сек~~ кг/с;

Q – объемный расход среды, ~~м³/сек~~ м³/с;

ρ – плотность среды, кг/м³;

γ – удельный вес среды, н/м³;

P – давление среды (абсолютное), н/м²;

T – температура среды (абсолютная), °К;

κ – показатель адиабаты среды;

R – газовая постоянная среды, дж/кг.град;

ε – коэффициент сжимаемости среды ;

F – площадь патрубка клапана, м²;

f – площадь прохода в седле клапана, м²;

V – скорость среды, м/сек;

g – ускорение силы тяжести, м/сек².

Параметрам на входе (начальное сечение потока) присвоим индекс "1", на выходе (конечное сечение потока) – индекс "2", в седле – индекс "с".

2. Уравнение неразрывности (сплошности) потока среды может быть записано в следующем виде:

$$G = const , \qquad (1)$$

или

$$G = G_1 = G_c = G_2 . \qquad (2)$$

Выражая ~~весовой~~ массовый расход среды через площадь F , скорость V и удельный вес γ, получаем:

$$G = F \cdot V \cdot \gamma = const, \qquad (3)$$

или

$$F V \gamma = F_1 V_1 \gamma_1 = f V_c \gamma_c = F_2 V_2 \gamma_2 . \qquad (4)$$

3. Уравнение состояния реального газа записывается в виде:

$$\rho = \frac{P}{RT\varepsilon} \tag{5}$$

или

$$\gamma = \rho g = \frac{P g}{RT\varepsilon} \tag{6}$$

4. Подставляя формулу (6) в формулу (4), имеем:

$$\frac{F_1 V_1 P_1 g}{R T_1 \varepsilon_1} = \frac{f V_c P_c g}{R T_c \varepsilon_c} = \frac{F_2 V_2 P_2 g}{R T_2 \varepsilon_2},$$

или

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \cdot \frac{P_1}{P_2} \cdot \frac{T_2 \varepsilon_2}{T_1 \varepsilon_1} \tag{7}$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \cdot \frac{P_c}{P_2} \cdot \frac{T_2 \varepsilon_2}{T_c \varepsilon_c} \tag{8}$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \cdot \frac{P_1}{P_c} \cdot \frac{T_c \varepsilon_c}{T_1 \varepsilon_1} \tag{9}$$

5. Принимая процесс истечения адиабатическим, имеем:

$$\frac{P}{\rho^K} = const \tag{10}$$

или с учетом формулы (6)

$$\frac{P}{\gamma^K} = const \,. \tag{11}$$

Следовательно,

$$\frac{P}{\rho^K} = \frac{P_1}{\rho_1^K} = \frac{P_c}{\rho_c^K} = \frac{P_2}{\rho_2^K} \tag{12}$$

$$\frac{P}{\gamma^K} = \frac{P_1}{\gamma_1^K} = \frac{P_c}{\gamma_c^K} = \frac{P_2}{\gamma_2^K} \,. \tag{13}$$

6. Подставляя формулу (5) в формулу (12), имеем:

$$\frac{(RT_1\varepsilon_1)^K}{P_1^{K-1}} = \frac{(RT_c\varepsilon_c)^K}{P_c^{K-1}} = \frac{(RT_2\varepsilon_2)^K}{P_2^{K-1}},$$

или

$$\frac{T_2 \varepsilon_2}{T_1 \varepsilon_1} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{\frac{K-1}{K}} = \beta^{\frac{K-1}{K}} \tag{14}$$

$$\frac{T_2 \varepsilon_2}{T_c \varepsilon_c} = \left(\frac{P_2}{P_c}\right)^{\frac{K-1}{K}} = \left(\frac{\beta}{\beta_c}\right)^{\frac{K-1}{K}} \qquad (15)$$

$$\frac{T_c \varepsilon_c}{T_1 \varepsilon_1} = \left(\frac{P_c}{P_1}\right)^{\frac{K-1}{K}} = \left(\beta_c\right)^{\frac{K-1}{K}}, \qquad (16)$$

где

$$\beta = \frac{P_2}{P_1} \quad , \quad \beta_c = \frac{P_c}{P_1} \; . \qquad (17)$$

При критическом истечении имеем:

$$\beta_c = \beta_{кр} = \left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{K}{K-1}}, \qquad (18)$$

тогда из формулы (16) с учетом формулы (18) получаем:

$$\frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1} = \frac{2}{K+1} \; . \qquad (19)$$

7. Используя формулы (14),(15) и (16) и учитывая формулу (17), имеем из формул (7),(8) и (9):

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \cdot \beta^{-\frac{1}{K}} \qquad (20)$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \cdot \left(\frac{\beta}{\beta_c}\right)^{-\frac{1}{K}} \qquad (21)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \cdot \beta_c^{-\frac{1}{K}} \; . \qquad (22)$$

8. Уравнение Бернулли для случая установившегося движения газа по горизонтальному трубопроводу имеет вид:

$$d\left(\frac{V^2}{2g}\right) + \frac{dP}{\gamma} + dh = 0 \, , \qquad (23)$$

где dh – высота потерянного напора на элементарном участке.

Это уравнение справедливо для элементарного (бесконечно малого) участка трубопровода. При переходе от элементарного участка к участку конечной длины между сечениями F_1 и F_2 дифференциальные приращения, фигурирующие в уравнении Бернулли (23), должны замениться конечными приращениями. Бесконечно малое приращение скоростной вы-

соты $d\left(\frac{V^2}{2g}\right)$ заменяется конечным приращением $\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g}$, величина $\frac{dP}{\gamma}$ заменяется конечным изменением пьезометрической высоты $\int_{P_1}^{P_2}\frac{dP}{\gamma}$, а величина dh заменяется невозвратными потерями на участке между сечениями F_1 и F_2 (сечение входа и выхода) $\zeta\frac{V_1^2}{2g}$. Здесь ζ – коэффициент гидравлического сопротивления, отнесенный к скорости на входе и характеризующий невозвратные потери между входом и выходом.

Уравнение Бернулли для конечного участка примет вид:

$$\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} + \int_{P_1}^{P_2}\frac{dP}{\gamma} + \zeta\frac{V_1^2}{2g} = 0 . \qquad (24)$$

Из уравнения (13) имеем:

$$\gamma = \gamma_1\left(\frac{P}{P_1}\right)^{\frac{1}{K}} . \qquad (25)$$

Подставляя формулу (25) в выражение (24), имеем с учетом формулы (13):

$$\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} + \frac{K}{K-1}\left(\frac{P_2}{\gamma_2} - \frac{P_1}{\gamma_1}\right) + \zeta\frac{V_1^2}{2g} = 0$$

или

$$\frac{K}{K-1}\cdot\frac{P_1}{\gamma_1} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{K}{K-1}\cdot\frac{P_2}{\gamma_2} + \frac{V_2^2}{2g} + \zeta\frac{V_1^2}{2g} . \qquad (26)$$

Формула (26) представляет собой уравнение Бернулли для адиабатического истечения газа по горизонтальному трубопроводу с местным сопротивлением ζ (распределенными потерями на трение в трубопроводе пренебрегаем).

9. Последний член в уравнениях (23),(24) и (26) учитывает невозвратные потери на участке между сечениями входа и выхода. Поскольку предполагается неравенство входного и выходного сечения, то полный перепад $P_1 - P_2$ отличается от невозвратных потерь на

потери от чистого расширения или сужения. Можно считать, что невозвратные потери характеризуются перепадом $\Delta P_н = P_1 - \tilde{P}$, где $\tilde{P} \neq P_2$.

Коэффициент гидравлического сопротивления ζ, характеризующий невозвратные потери, может быть условно принят, как показано ниже при расчете жидких сред, равным обычному коэффициенту гидравлического сопротивления аналогичного же клапана, но при равенстве входного и выходного сечений, т.е. при $F_1 = F_2$.

Примечание. Предположим, что формула невозвратных потерь $\Delta P_н$ имеет такой же вид, что и формула (41) для полного перепада ΔP. В этом случае последний член в уравнениях Бернулли должен иметь вид:

$$\Delta P_н = \frac{\zeta}{\tilde{\beta}^2} \cdot \frac{V_1^2}{2g},$$

где коэффициент $\tilde{\beta}$ определяется формулой (36) при $\beta = \frac{\tilde{P}}{P_1}$. Пользуясь формулой (41) и выражением для $\Delta P_н = P_1(1-\tilde{\beta})$, легко получить уравнение для определения неизвестной величины $\tilde{\beta}$:

$$\tilde{C} = \sqrt{\frac{\zeta}{\zeta_{усл}}} \cdot C$$

Здесь коэффициенты C и $\zeta_{усл}$ определяются соответственно формулами (32) и (34). Если получится $\tilde{C} = \tilde{C}_{кр}$, то принимается $\beta = \beta_{кр}$. При критическом истечении $\tilde{\beta} = \beta_{кр}$.

Таким образом, при вышеуказанном предположении во всех последующих формулах член ζ заменяется на $\zeta/\tilde{\beta}^2$.

10. Предположим, что в горизонтальном трубопроводе постоянного сечения можно пренебречь потерями напора как местными, так и распределенными. Таким образом, полагаем:

$$F = const \tag{27}$$

$$dh = 0. \tag{28}$$

Учитывая формулы (3) и (28), уравнение Бернулли (23) можно представить в виде:

$$-\frac{V^2}{F\gamma g}(F d\gamma + \gamma dF) + \frac{dP}{\gamma} = 0 . \qquad (29)$$

Учитывая, что из формулы (25) следует

$$d\gamma = \frac{\gamma_1}{K P_1}\left(\frac{P}{P_1}\right)^{\frac{1}{K}-1} dP = a\,dP , \qquad (30)$$

и полагая в соответствии с формулой (27) $dF=0$, получаем из уравнения (29):

$$dP=0 \quad \text{или} \quad P=const .$$

Тогда из формулы (11) имеем $\gamma=const$, а из формул (3) и (27) $V=const$.

Таким образом, из дифференциального уравнения Бернулли (23) следует весьма важное положение: если в горизонтальном трубопроводе постоянного сечения можно пренебречь распределенными и местными потерями напора, то газ будет двигаться так же, как и несжимаемая жидкость; т.е. если $dh=0$, то $P=const$, $\gamma=const$ и $V=const$.

11. Из уравнения Бернулли (26) с учетом формул (13) и (17) имеем:

$$V_2^2 = V_1^2(1-S) + 2g\frac{K}{K-1}\cdot\frac{P_1}{\gamma_1}\left(1-\frac{P_2}{P_1}\cdot\frac{\gamma_1}{\gamma_2}\right) =$$

$$= V_1^2(1-S) + 2g\frac{K}{K-1}\cdot\frac{P_1}{\gamma_1}\left(1-\beta^{\frac{K-1}{K}}\right) ,$$

или

$$V_2^2 = V_1^2(1-S) + 2g\frac{P_1}{\gamma_1\beta^{\frac{2}{K}}}C^2 , \qquad (31)$$

где

$$C = \sqrt{\frac{K}{K-1}\beta^{\frac{2}{K}}\left(1-\beta^{\frac{K-1}{K}}\right)} = \sqrt{\frac{K}{K-1}\left(\beta^{\frac{2}{K}}-\beta^{\frac{K+1}{K}}\right)} . \qquad (32)$$

Коэффициент C табулирован в зависимости от величин β и K и приводится в табл.4 РД-11-66 "Руководящий технический материал. Приложение к гидравлическим расчетам арматуры". Издание ЦКБА.

12. Точную расходную формулу для газов получаем, пользуясь уравнениями (31) и (20):

$$V_1^2 \beta^{-\frac{2}{K}} \left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 = V_1^2 (1-\zeta) + 2g \frac{P_1}{\gamma_1} \cdot \frac{c^2}{\beta^{\frac{2}{K}}}$$

или, выражая отсюда скорость V_1, –

$$V_1 = \frac{c\sqrt{2g\frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \beta^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} = \frac{c\sqrt{2g\frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\zeta_{усл}}}, \qquad (33)$$

где условный коэффициент гидравлического сопротивления

$$\zeta_{усл} = \left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \beta^{\frac{2}{K}}(1-\zeta). \qquad (34)$$

Тогда расход G равен:

$$G = F_1 V_1 \frac{\gamma_1}{g} = \frac{F_1 c \sqrt{2g P_1 \gamma_1 \cdot \gamma_1}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \beta^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} = \frac{F_1 c \sqrt{2g P_1 \gamma_1 \cdot \gamma_1}}{\sqrt{\zeta_{усл}}} \qquad (35)$$

Введем вместо коэффициентов C коэффициенты B, определяемые соотношением:

$$B = \frac{C}{\sqrt{1-\beta}} = \sqrt{\frac{K}{K-1} \cdot \frac{\beta^{\frac{2}{K}} - \beta^{\frac{K+1}{K}}}{1-\beta}}. \qquad (36)$$

Коэффициент B табулирован в зависимости от величин β и K и приводится в табл.3 РМ-11-66.

Формула (35) с учетом формулы (36) примет вид:

$$G = \frac{F_1 B \sqrt{2g \Delta P \gamma_1 \cdot \gamma_1}}{\sqrt{\zeta_{усл}}}, \qquad (37)$$

где ΔP – перепад,

$$\Delta P = P_1 - P_2 . \qquad (38)$$

Формулы вида (35) и (37) широко применяются в ЦКБА, только вместо величины $\zeta_{усл}$, определяемой формулой (34), принимается просто величина ζ.

Следовательно, для уточнения расчетов вместо обычного ζ нужно вводить уточненное значение $\zeta_{усл}$, определяемое формулой (34).

Если диаметры входного и выходного патрубка одинаковы $(F_1 = F_2)$, то из формулы (34) имеем:

$$\zeta_{усл} = 1 - \beta^{\frac{2}{K}}(1 - \zeta). \qquad (39)$$

Из формулы (39) следует:

если $\zeta > 1$, то $\zeta_{усл} < \zeta$

если $\zeta < 1$, то $\zeta_{усл} > \zeta$.

При больших значениях β $(\beta \approx 1)$ или при больших значениях K $(K \to \infty$, что характерно для жидкой среды) из формулы (39) имеем:

$$\zeta_{усл} = \zeta. \qquad (40)$$

Таким образом, при одинаковых патрубках для жидких сред и при весьма малом перепаде давления для газовых сред значение $\zeta_{усл}$ совпадает с обычным значением ζ.

Из формулы (37) с учетом формулы $G = F_1 V_1 \gamma_1$ получаем:

$$\textcircled{4}\quad \Delta P = \frac{\zeta_{усл}}{B^2} \cdot \frac{V_1^2 \rho_1}{2g} = \frac{\zeta_{усл.}}{B^2} \cdot \frac{V_1^2 \gamma_1}{2g}, \qquad (41)$$

13. Из форму (31) и (33) следует:

$$V_2^2 = 2g \frac{P_1}{\gamma_1} \frac{c^2}{\zeta_{усл}} \left(1 - \zeta + \frac{\zeta_{усл}}{\beta^{\frac{2}{K}}}\right)$$

или

$$V_2 = \frac{c\sqrt{2g\frac{P_1}{\delta_1}}}{\sqrt{\zeta_{усл}}}\sqrt{1-\zeta+\frac{\zeta_{усл}}{\beta^{\frac{2}{k}}}}. \qquad (42)$$

Пользуясь формулами (33) и (42), имеем:

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{\sqrt{1-\zeta+\frac{\zeta_{усл}}{\beta^{\frac{2}{k}}}}} = \frac{\beta^{\frac{1}{k}}}{\sqrt{\zeta_{усл}+\beta^{\frac{2}{k}}(1-\zeta)}}. \qquad (43)$$

Подставляя формулу (43) в формулу (20), получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}+\beta^{\frac{2}{k}}(1-\zeta)}}. \qquad (44)$$

Это же выражение непосредственно следует и из формулы (34).

Если положить $\zeta_{усл} = \zeta = 0$, то из формул (39) и (41) получим $\beta = 1$ и $\Delta P = 0$ и тогда из формулы (44) — $F_2 = F_1$.

14. Предположим, что в уравнении Бернулли (31) можно пренебречь скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_2. Как следует из уравнения (31), для этого достаточно положить $\zeta = 1$.
В этом случае из формулы (44) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}}}. \qquad (44а)$$

15. Если в уравнении Бернулли (31) пренебречь невозвратными потерями, для чего можно положить $\zeta = 0$, то в этом случае из формулы (44) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}+\beta^{\frac{2}{k}}}}. \qquad (44б)$$

16. Рассмотрим режим критического истечения, при котором в наиболее узком сечении (в проходной площади седла) устанавливаются критические параметры:

$$\beta_{скр} = \beta_{кр} \qquad (45)$$

$$P_{c\,кр} = P_1 \beta_{кр} \qquad (46)$$

$$\textcircled{4}\ V_{c\,кр} = V_{кр} = \sqrt{g K \frac{P_{c\,кр}}{\gamma_{c\,кр}}} = \sqrt{g \cdot K \frac{P_{c\,кр}}{\gamma_{c\,кр}}}, \qquad (47)$$

Режим критического истечения устанавливается при определенном значении давления P_2 на выходе, причем при дальнейшем уменьшении этого давления параметры в седле не изменяются. Расход среды также становится постоянным $G = G_{кр}$ и не зависит от уменьшения давления на выходе P_2.

17. Точное значение величин $\beta_{кр}$ и $G_{кр}$ можно установить следующим образом. Рассмотрим выражение для скорости в седле V_c, получаемое из формулы (42) заменой величин β на β_c, F_2 на f и $C(\beta)$ на $C(\beta_c)$. С учетом формулы (34) имеем:

$$V_c = \frac{C(\beta_c)\sqrt{2g\frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_c^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} \sqrt{1 - \zeta + \frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_c^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}{\beta_c^{\frac{2}{K}}}}. \qquad (48)$$

Из формулы (25) с учетом формул (17) и (45) имеем:

$$\gamma_{c\,кр} = \gamma_1 \cdot \beta_{c\,кр}^{\frac{1}{K}} = \gamma_1 \beta_{кр}^{\frac{1}{K}}, \quad \textcircled{4}\ \rho_{c\,кр} = \rho_1 \cdot \beta_{c\,кр}^{\frac{1}{K}} = \rho_1 \cdot \beta_{кр}^{\frac{1}{K}} \qquad (49)$$

Положим $\beta_c = \beta_{кр}$ и $V_c = V_{c\,кр}$. Тогда из формул (45)–(49) получаем уравнение для определения $\beta_{кр}$:

$$\frac{C(\beta_{кр})\sqrt{2}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} \sqrt{1 - \zeta + \frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}{\beta_{кр}^{\frac{2}{K}}}} = \sqrt{K \beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}}. \qquad (50)$$

Уравнение (50) решается методом подбора. Как следует из

этого уравнения, величина $\beta_{кр}$ зависит от конструктивных параметров клапана — соотношения $\frac{F_1}{f}$ и коэффициента ζ.

Учитывая сложность решения уравнения (50), упростим его, приняв $\zeta = 1$, что равносильно пренебрежению скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_c в соответствующем уравнении Бернулли. Поскольку, как правило, $V_c >> V_1$, такое допущение оправдано. В этом случае уравнение (50) приобретает вид:

$$\frac{C(\beta_{кр})\sqrt{2}}{\beta_{кр}^{\frac{1}{K}}} = \sqrt{K\beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}} \qquad (51)$$

Этому уравнению удовлетворяет значение $\beta_{кр}$ из формулы (18), причем коэффициент $C(\beta_{кр})$ равен:

$$C(\beta_{кр}) = C_{кр} = \left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{1}{K-1}}\sqrt{\frac{K}{K+1}} \qquad (52)$$

Если дифференцировать по β коэффициент C, находя его максимальное значение, то получим значение $\beta_{кр}$, соответствующее формуле (18).

Расход $G_{кр}$ определим с учетом формул (46),(47) и (50):

$$G_{кр} = f V_{c\,кр}\rho_{c\,кр} = f\sqrt{2gKP_{c\,кр}\rho_{c\,кр}} = f\sqrt{2gKP_1\gamma_1\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}. \qquad (53)$$

Здесь $\beta_{кр}$ определяется по уравнению (50). Если принять приближенное значение $\beta_{кр}$ по формуле (18), то получим приближенное значение для $G_{кр}$:

$$G_{кр} \simeq f\sqrt{2gKP_1\gamma_1\left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{K+1}{K-1}}} = f\left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{1}{K-1}}\sqrt{\frac{K}{K+1}}\sqrt{2gP_1\gamma_1},$$

или с учетом формулы (52):

$$G_{кр} \simeq f\sqrt{KP_1\rho_1\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}} = f\left(\frac{2}{K+1}\right)^{\frac{1}{K-1}}\cdot\sqrt{\frac{K}{K+1}}\cdot\sqrt{2P_1\rho_1} \simeq f\cdot C_{кр}\sqrt{2P_1\rho_1},$$

$$G_{кр} \simeq f C_{кр}\sqrt{2gP_1\gamma_1}. \qquad (54)$$

Подставляя формулу (18) для $\beta_{кр}$ в формулу (47), имеем с учетом формул (46) и (49):

$$V_{кр} = \sqrt{g\kappa \frac{p_1}{\gamma_1} \beta_{кр}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}} \approx \sqrt{2g \frac{\kappa}{\kappa+1} \frac{p_1}{\gamma_1}} . \qquad (55)$$

18. Определим, при каком давлении $\bar{p}_2$ на выходе (или при каком $\bar{\beta}$) наступают условия критического истечения.

Положив в уравнении (35) $G = G_{кр}$, имеем:

$$\text{Ч} \quad \frac{c(\bar{\beta})}{\sqrt{\zeta_{усл}}} = \frac{G_{кр}}{F_1 \sqrt{2g p_1 \gamma_1}} , \qquad (56)$$

где точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле (53) с учетом точного значения $\beta_{кр}$ из уравнения (50). Пользуясь приближенной формулой (54) для $G_{кр}$, из формулы (56) имеем:

$$\frac{c(\bar{\beta})}{\sqrt{\zeta_{усл}}} = \frac{f}{F_1} C_{кр} . \qquad (57)$$

В формулах (56) и (57) величина $\zeta_{усл}$ определяется формулой (34), в которую входит коэффициент $\bar{\beta}$. Коэффициент $c(\bar{\beta})$ согласно формуле (32) также зависит от коэффициента $\bar{\beta}$. Поэтому формулы (56) и (57) являются уравнениями относительно $\bar{\beta}$, которые можно решить методом подбора.

При докритическом истечении на расширяющемся участке от седла f до выхода F_2 число Маха меньше единицы, и поэтому скорость на выходе меньше скорости в седле, а давление на выходе больше давления в седле. Поэтому можно считать, что критическое истечение наступает при давлении на выходе большем, чем критическое

давление в седле, т.е. при $\bar{\beta} > \beta_{кр}$.

19. Параметры среды (P, T, V) на участке от входа F_1 до седла f постоянны и не зависят от давления P_2. Выражение для скорости V_1 при критическом истечении получаем из формул (53) или (54):

$$④\ V_{1кр} = \frac{G_{кр}}{F_1 \frac{\varphi}{\rho_1}} = \frac{f_1}{F_1}\sqrt{\varphi K \frac{P_1}{\frac{\varphi}{\rho_1}} \beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}} \qquad (58)$$

или

$$④\ V_{1кр} = \frac{G_{кр}}{F_1 \frac{\varphi}{\rho_1}} \simeq \frac{\overbrace{\frac{G_{кр}}{F_1 : \rho_1}}^{\sqrt{f}}}{F_1} C_{кр}\sqrt{2\varphi \frac{P_1}{\frac{\varphi}{\rho_1}}}\ , \qquad (59)$$

20. Параметры среды (P, T, V) на участке от седла f до выхода F_2 изменяются вместе с давлением P_2. Поскольку расход при этом равен $G_{кр}$ и не зависит от P_2 , то, как следует из формулы (35), каждому значению F_2 соответствует определенное значение P_2. И наоборот, при критическом истечении для обеспечения давления P_2 на выходе необходимо иметь определенное значение площади F_2.

Скорость V_2 при критическом истечении определяется уравнением (31), в которое подставляется значение $V_{1кр}$ по формуле (58) или (59). Из уравнения (31) имеем:

$$V_2^2 = V_{1кр}^2\left(1 - \zeta + \frac{2g\frac{P_1}{\gamma_1}}{\beta^{\frac{2}{K}}}\frac{C^2}{V_{1кр}^2}\right)$$

Подставляя точное значение $V_{1кр}$ по формуле (58), имеем:

$$\frac{V_{1кр}}{V_2} = \frac{\beta^{\frac{1}{K}}}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}}(1-\zeta) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{K\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}}} \qquad (60)$$

Подставляя приближенное значение $V_{1кр}$ по формуле (59), имеем:

$$\frac{V_{1кр}}{V_2} \approx \frac{\beta^{\frac{1}{\kappa}}}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta)+\left(\frac{F_1}{f}\right)^2\frac{C^2}{C_{кр}^2}}}. \qquad (61)$$

Подставляя формулы (60) и (61) в формулу (20), имеем при критическом истечении:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta)+\left(\frac{F_1}{f}\right)^2\frac{2C^2}{\kappa\beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}}} \qquad (62)$$

или

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta)+\left(\frac{F_1}{f}\right)^2\frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \qquad (63)$$

В формулах (60)–(63) коэффициент C соответствует $\beta \neq \beta_{кр}$ и определяется по формуле (32), причем при $\beta < \beta_{кр}$ данные РМ-11-66 не используются.

21. При пренебрежении в уравнении Бернулли скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_2, что равносильно допущению $\zeta = 1$ и ведет к определению $\beta_{кр}$ по формуле (18), из формул (62) и (63) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{f}\right)_{кр} = \frac{C_{кр}}{C} \qquad (64)$$

22. Пренебрегая в уравнении Бернулли невозвратными потерями, полагаем $\zeta = 0$ и из формул (62) и (63) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{\kappa \beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}}} \qquad (62а)$$

или

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} . \qquad (63а)$$

23. Рассмотрим приближенные оценки отношения площадей для газовых сред.

Если при докритическом истечении положить

$$V_1 \approx V_2 \quad , \qquad (65)$$

то из формулы (20) получим:

$$\frac{F_2}{F_1} = \beta^{-\frac{1}{\kappa}} \qquad (66)$$

или с учетом формул (14) и (17) —

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\beta} \beta^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \frac{P_1}{P_2} \frac{T_2 \varepsilon_2}{T_1 \varepsilon_1} . \qquad (67)$$

Предположим, что на входе в клапан, в седле, на выходе из клапана имеет место критическое истечение. Тогда, изменив индексы в формуле (47), с учетом формулы (6) имеем:

$$V_{1кр} = \sqrt{\kappa R T_1 \varepsilon_1} \quad , \qquad (68)$$

$$V_{cкр} = \sqrt{\kappa R (T_c \varepsilon_c)_{кр}} \quad , \qquad (69)$$

$$V_{2\,кр} = \sqrt{K R T_2 \varepsilon_2}\,. \qquad (70)$$

Следует отметить, что в формулах (68)–(70) газовая постоянная R имеет размерность в Международной системе единиц СИ — дж/кг·град. Ее численное значение в g раз больше, чем значение газовой постоянной R, выраженное в кГм/кг·град.

Предполагая, что при критическом истечении $V_1 < V_{1\,кр}$ и $V_2 < V_{2\,кр}$, из формул (8) и (9) с учетом формул (69)(70),(46),(17), (15) и (68),(16),(19) имеем:

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_{c\,кр}}{V_2}\,\frac{\rho_{c\,кр}}{\rho_2}\,\frac{T_2\,\varepsilon_2}{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}} > \frac{V_{c\,кр}}{V_{2\,кр}}\,\frac{\rho_{c\,кр}}{\rho_2}\,\frac{T_2\,\varepsilon_2}{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}} =$$

$$= \frac{\rho_{c\,кр}}{\rho_2}\sqrt{\frac{T_2\,\varepsilon_2}{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}} = \frac{\beta_{кр}}{\beta}\sqrt{\left(\frac{\beta}{\beta_{кр}}\right)^{\frac{K-1}{K}}} = \left(\frac{\beta_{кр}}{\beta}\right)^{\frac{K+1}{2K}} \approx \frac{\beta_{кр}\sqrt{\frac{K+1}{2}}}{\beta^{\frac{K+1}{2K}}}\,. \qquad (71)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_{c\,кр}}\,\frac{\rho_1}{\rho_{c\,кр}}\,\frac{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}{T_1\,\varepsilon_1} < \frac{V_{1\,кр}}{V_{c\,кр}}\,\frac{\rho_1}{\rho_{c\,кр}}\,\frac{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}{T_1\,\varepsilon_1} =$$

$$= \frac{\rho_1}{\rho_{c\,кр}}\sqrt{\frac{(T_c\,\varepsilon_c)_{кр}}{T_1\,\varepsilon_1}} = \beta_{кр}^{-1}\sqrt{\beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}} = \beta_{кр}^{-\frac{K+1}{2K}} \approx \frac{\sqrt{\frac{2}{K+1}}}{\beta_{кр}}\,. \qquad (72)$$

24. Рассмотрим основные расчетные формулы для жидких сред. Для жидкости удельный вес можно принять неизменным, т.е.:

$$\gamma_1 = \gamma_c = \gamma_2 = \gamma\,. \qquad (73)$$

Учитывая формулу (73), из формулы (4) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \qquad (74)$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \qquad (75)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \quad . \qquad (76)$$

Следует отметить, что формулы для жидких сред следуют из формул для газа, если принять показатель адиабаты K стремящимся к бесконечности, т.е. $K \to \infty$. Так, соотношения (74)–(76) следуют из формул (20)–(22) при $K \to \infty$.

Уравнение Бернулли для жидкости получаем из формулы (26), положив $K \to \infty$.

$$\frac{p_1}{\gamma_1} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{p_2}{\gamma_2} + \frac{V_2^2}{2g} + \zeta \frac{V_1^2}{2g} \quad . \qquad (77)$$

Коэффициенты C и β для жидкости на основании формул (32) и (36) равны:

$$C = \sqrt{1-\beta} \qquad (78)$$

$$\beta = 1 \qquad (79)$$

Основную расходную формулу для жидкости получаем из формул (37) и (34):

$$G = \frac{F_1 \sqrt{2g \, \Delta p \, \gamma}}{\sqrt{\zeta_{усл}}} \quad , \qquad (80)$$

где

$$\zeta_{усл} = \left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - 1 + \zeta \quad . \qquad (81)$$

Из формулы (81) *следует, что при* $F_1 = F_2$

$$\zeta_{усл} = \zeta \quad , \tag{82}$$

т.е. ζ означает коэффициент гидравлического сопротивления $\zeta_{усл}$, отнесенный к скорости на входе и применяемый в обычной расходной формуле вида (80) для аналогичного клапана при равенстве входного и выходного отверстий (патрубков).

Предполагая, что невозвратные потери мало зависят при данной конструкции клапана от отношения $\frac{F_2}{F_1}$, приближенно будем считать, что коэффициент ζ, характеризующий невозвратные потери, остается постоянным при изменении отношения $\frac{F_2}{F_1}$ за счет изменения F_2.

Формулу для определения перепада на клапане для жидкой среды получаем из формулы (41):

$$\textcircled{4}\ \Delta p = \zeta_{усл} \frac{V_1^2 \rho_1 \gamma_1}{2g} = \zeta_{усл} \cdot \frac{V_1^2 \gamma_1}{2g}, \tag{83}$$

Соотношение выхода и входа получаем из формулы (44):

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл} + 1 - \zeta}} \quad . \tag{84}$$

Формулы (44) и (84) обеспечивают возможность определить необходимое соотношение площадей выхода и входа при заданном условном коэффициенте гидравлического сопротивления $\zeta_{усл}$ и известном коэффициенте гидравлического сопротивления ζ для аналогичного клапана при равенстве сечений входа и выхода.

Пренебрегая скоростью V_1 в уравнении Бернулли (77), положим $\zeta = 1$ и тогда из формулы (84) имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл}}} \quad . \tag{84а}$$

Пренебрегая невозвратными потерями в уравнении Бернулли (77), положим $\zeta = 0$ и тогда из формулы (84) имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_{усл}+1}} \quad . \tag{84б}$$

25. Рассмотрим горизонтальный трубопровод постоянного сечения F и длиной ℓ. Невозвратные потери здесь определяются силами трения, распределенными по длине трубопровода, и характеризуются коэффициентом гидравлического сопротивления λ, причем:

$$\lambda = 4\mu \quad , \tag{85}$$

где μ – безразмерный коэффициент трения Фаннинга.

Потерянный напор от сил трения при турбулентном движении определяется по формуле Дарси–Вейсбаха. Для жидкой среды эта формула записывается в виде:

$$h = \lambda \frac{\ell}{4r_r} \frac{V^2}{2g} = \frac{\mu \ell}{r_r} \frac{V^2}{2g} \quad , \tag{86}$$

а для газа —

$$dh = \lambda \frac{d\ell}{4r_r} \frac{V^2}{2g} = \mu \frac{d\ell}{r_r} \frac{V^2}{2g} \quad . \tag{87}$$

В формулах (86) и (87) величина r_r означает гидравлический радиус сечения трубопровода, определяемый по формуле:

$$r_r = \frac{F}{L_p} \quad , \tag{88}$$

где F – площадь сечения, а L_p – периметр сечения. Для круглой трубы диаметром D

$$r_r = \frac{\frac{\pi D^2}{4}}{\pi D} = \frac{D}{4} \qquad (89)$$

и формулы (86) и (87) могут быть записаны соответственно в виде:

$$h = \lambda \frac{l}{D} \frac{v^2}{2g} = \frac{4\mu l}{D} \frac{v^2}{2g} \qquad (86а)$$

$$dh = \lambda \frac{dl}{D} \frac{v^2}{2g} = \frac{4\mu dl}{D} \frac{v^2}{2g} \; . \qquad (87а)$$

26. Если в дифференциальное уравнение Бернулли для газа (23) подставить величину потерянного напора dh по формуле (87) и учесть формулы (3),(17) и (25), то после интегрирования уравнения получим следующее выражение для расхода G:

$$G = F \cdot \sqrt{\frac{2g K P_1 \frac{P_1}{\gamma_1} \left(1 - \beta^{\frac{K+1}{K}}\right)}{(K+1)\left(\frac{\mu l}{r_r} - \frac{2}{K} \ln \beta\right)}} \; , \qquad (90)$$

Аналогичное выражение для расхода G при адиабатическом процессе приводится в работе [1], а при изотермическом процессе (показатель адиабаты $K = 1$) — в работе [3].

Для круглой трубы из формул (85) и (89) следует:

$$\frac{\mu}{r_r} = \frac{\lambda}{D} \; . \qquad (91)$$

Воспользовавшись формулами (17) и (13), можно расход G выразить через параметры P_2 и γ_2:

$$G = F \cdot \sqrt{\frac{2g K P_2 \frac{P_2}{\gamma_2} \left(\beta^{-\frac{K+1}{K}} - 1\right)}{(K+1)\left(\frac{\mu l}{r_r} - \frac{2}{K} \ln \beta\right)}} \; . \qquad (92)$$

Уравнения (90) и (92) позволяют найти одно из давлений P_1 или P_2 при известном другом давлении и заданном расходе G. Неизвестная величина β может быть найдена методом подбора.

В целях упрощения формул (90) и (92), примем $\kappa = 1$, что соответствует изотермическому процессу. Тогда имеем с учетом формулы (6):

$$G = F\sqrt{\frac{2gP_1\chi_1(1-\beta^2)}{\frac{\mu l}{\tau_r} - 2\ln\beta}} = F\sqrt{\frac{2gP_2\chi_2(\beta^2-1)}{\frac{\mu l}{\tau_r} - 2\ln\beta}} = Fg\sqrt{\frac{P_1^2 - P_2^2}{RT\varepsilon\left(\frac{\mu l}{\tau_r} - 2\ln\beta\right)}}, \qquad (93)$$

где T – температура изотермического процесса.

Как указано в работе [3], при больших длинах l и незначительном падении давления формула (93) может быть представлена в виде:

$$G = F\sqrt{\frac{2gP_1\chi_1(P_1^2 - P_2^2)}{P_1 \cdot \frac{\mu l}{\tau_r}}} = F\sqrt{\frac{2g\chi_2(P_1^2 - P_2^2)}{P_2 \cdot \frac{\mu l}{\tau_r}}} = Fg\sqrt{\frac{P_1^2 - P_2^2}{RT\varepsilon\,\frac{\mu l}{\tau_r}}}, \qquad (94)$$

Давление P_1 при известном давлении P_2 и расходе G определяется по формуле, вытекающей из соотношения (94):

$$P_1 = \sqrt{P_2^2 + \frac{G^2 RT\varepsilon\,\frac{\mu l}{\tau_r}}{F^2 g^2}} = \sqrt{P_2^2 + \frac{G^2 P_2\,\frac{\mu l}{\tau_r}}{F^2 g\chi_2 P_2}}, \qquad (95)$$

27. Для жидкой среды, подставляя в формулу (90) значение $\kappa \to \infty$, получаем:

$$G = F\sqrt{\frac{2g\rho_1\chi_1(1-\beta)}{\frac{\mu l}{\tau_r}}} = F\sqrt{\frac{2g\chi_1(P_1 - P_2)}{\frac{\mu l}{\tau_r}}}, \qquad (96)$$

откуда

$$P_1 = P_2 + \frac{G^2}{F^2} \cdot \frac{\frac{\mu l}{\tau_r}}{2g\chi_1 P_1}. \qquad (97)$$

ИСПОЛЬЗОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1. Лейбензон Л.С. и др. Гидравлика. Москва–Ленинград–Новосибирск, Горгеонефтеиздат, 1934.

2. Литвин А.М. Техническая термодинамика. М–Л,ГЭИ,1963.

3. Дж.Перри. Справочник инженера–химика.Том 1,1969.

4. Бауман Х.Д. К вопросу о необходимости уменьшения скорости потока на выходе редукционного клапана. Instruments and Control System, 1965, т.38, №9.
Перевод с англ. П1770.Издание ЦКБА.

5. Вуд П.Е. Проблемы,связанные с выбором Dy клапанов для газа при больших перепадах давления. Instrument Practice, 1967,т.21, №10. Перевод с англ. П 1821. Издание ЦКБА.

gost.e-ecolog.ru